

各問題の解答は、解答用紙の同じ問題番号のついた枠内に記入すること。

枠外および問題番号と異なる番号のところに書かれた解答は、採点の対象にはならない。

〔1〕

次の文章中の  に適する式または数値を、解答用紙の同じ記号のついた  の中に記入せよ。途中の計算を書く必要はない。

(1)  $m$  を実数とすると、2つの2次方程式

$$2x^2 + 8x + 2m = 0 \quad \dots \quad \text{①}$$

$$x^2 + mx + 2m - 4 = 0 \quad \dots \quad \text{②}$$

が共通の解をもつのは、 $m = \text{ア}$  または  $m = \text{イ}$  のときである。ただし、 $\text{ア} > \text{イ}$  とする。 $m = \text{ア}$  のとき、①と②の共通の解は  $x = \text{ウ}$  であり、 $m = \text{イ}$  のとき、①と②の共通の解は  $x = \text{エ}$  である。

(2) 座標平面上に点 P がある。サイコロを投げて、偶数の目がでたら P は  $x$  軸の正の方向に 1 動き、1 または 5 の目がでたら  $y$  軸の正の方向に 1 動き、3 の目がでたときには動かないとする。最初 P が原点にあったとする。サイコロを 5 回投げた後、P が座標 (4, 1) にある確率は  オ 、(3, 1) にある確率は  カ 、(2, 1) にある確率は  キ  である。また、 $n$  を 3 以上の自然数とし、サイコロを  $n$  回投げた後、P が  $(n-3, 1)$  にある確率は  ク  である。

**[2]** 次の文章中の  に適する式または数値を、解答用紙の同じ記号のついた  の中に記入せよ。途中の計算を書く必要はない。

(1)  $k$  は実数とする。  $xy$  平面において直線

$$y = -x + 1 \quad \cdots \quad \text{①}$$

が放物線

$$y = -x^2 + k \quad \cdots \quad \text{②}$$

に接するとする。このとき  $k$  の値は  ア  である。また、放物線 ② と直線 ① が共有点をもたないような  $k$  の値の範囲は  イ  である。放物線 ② 上の点  $P(a, -a^2 + k)$  から直線 ① までの距離  $d$  は  $d =$   ウ  で表される。 $k$  が  イ  の範囲にあるとき、放物線 ② 上の点  $P(a, -a^2 + k)$  から直線 ① までの距離  $d$  が最小になるのは  $a =$   エ  のときで、そのときの距離  $d$  の値は  オ  である。

(2) 数列  $\{a_n\}$  において初項  $a_1$  から第  $n$  項  $a_n$  までの和を  $S_n$  とする。このとき

$$S_n = 2a_n + 5n - 12 \quad (n = 1, 2, 3, \dots)$$

が成り立っているとする。数列の初項  $a_1$  は  $S_1$  と一致することを使うと、 $a_1$  の値は  カ  であることがわかる。第  $n$  項  $a_n$  を  $a_{n-1}$  で表すと  $a_n =$   キ  ( $n = 2, 3, 4, \dots$ ) となるので、 $a_n, S_n$  をそれぞれ  $n$  の式で表すと  $a_n =$   ク  ,  $S_n =$   ケ  となる。

**[3]**  $xy$  平面において、2つの放物線  $y = x^2$  と  $y = 2x^2 - 3x + 2$  の2つの共有点のうち  $x$  座標が小さい方を A、大きい方を B とする。次の問いに答えよ。

- (1) 点 A, 点 B の座標を求めよ。
- (2) 2つの放物線と直線  $x = \sqrt{3}$  で囲まれ、 $x \leq \sqrt{3}$  の範囲にある部分の面積を求めよ。
- (3) 放物線  $y = x^2$  上の点  $(p, p^2)$  における放物線  $y = x^2$  の接線の方程式と、放物線  $y = 2x^2 - 3x + 2$  上の点  $(q, 2q^2 - 3q + 2)$  における放物線  $y = 2x^2 - 3x + 2$  の接線の方程式を求めよ。
- (4) 上の(3)において、2つの接線が一致し、 $p$  が点 A の  $x$  座標より小さいとする。 $p$  の値を求めよ。