

**1** 次の各問に答えよ。

〔問1〕  $-3^2 \times \frac{4}{9} + 8$  を計算せよ。

〔問2〕  $a + 6b - 2(a - b)$  を計算せよ。

〔問3〕  $(\sqrt{5} - 1)^2$  を計算せよ。

〔問4〕 一次方程式  $3x - 8 = 7(x + 4)$  を解け。

〔問5〕 連立方程式  $\begin{cases} x + 2y = 1 \\ 5x + 9y = 6 \end{cases}$  を解け。

〔問6〕 二次方程式  $x^2 - 7x = 0$  を解け。

〔問7〕 右の図1のように、1, 2, 3, 4, 5の数字を1つずつ書いた5枚のカードがある。

この5枚のカードから同時に2枚のカードを取り出すとき、取り出した2枚のカードに書いてある数の積が10未満になる確率を求めよ。

ただし、どのカードが取り出されることも同様に確からしいものとする。

図1

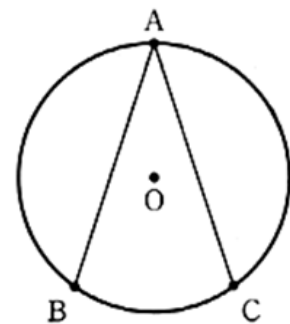


〔問8〕 右の図2で、3点A, B, Cは、円Oの周上にあり、互いに一致しない。

円Oの半径が10 cm,  $\angle BAC = 36^\circ$  のとき、点Aを含まない  $\widehat{BC}$  の長さは何 cm か。

ただし、円周率は  $\pi$  とする。

図2

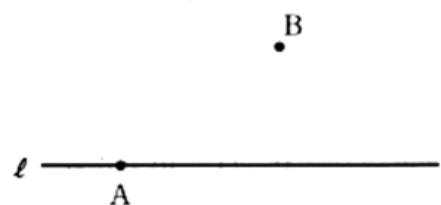


〔問9〕 右の図3で、点Aは直線  $l$  上にある点で、点Bは直線  $l$  上にない点である。

解答欄に示した図をもとにして、直線  $l$  上に中心があり、点Aと点Bを通る円の中心Oを、定規とコンパスを用いて作図によって求め、中心Oの位置を示す文字Oも書け。

ただし、作図に用いた線は消さないでおくこと。

図3



2 ある中学校で、Sさんが作った問題をみんなで考えた。

次の各問に答えよ。

[Sさんが作った問題]

右の図1のように、9つの正方形の枠内に文字  $a, b, c, d,$

図1

$e, f, g, h, i$ を書いた表がある。

$a$	$b$	$c$
$d$	$e$	$f$
$g$	$h$	$i$

図1において、連続する9つの自然数を小さい方から順に、

$a, b, c, d, e, f, g, h, i$ にそれぞれ代入する。

右の図2は、図1において、1から始まる連続する9つの自然数をそれぞれ代入した場合を表しており、

右の図3は、図1において、2から始まる

図2

図3

連続する9つの自然数をそれぞれ代入した場合を表している。

1	2	3
4	5	6
7	8	9

2	3	4
5	6	7
8	9	10

図1において、連続する9つの自然数を

小さい方から順に、 $a, b, c, d, e, f,$

$g, h, i$ にそれぞれ代入するとき、 $a + e + i = 30$ となる $e$ の値を調べてみよう。

[問1] [Sさんが作った問題]で、 $a + e + i = 30$ となる $e$ の値を求めよ。

先生は、[Sさんが作った問題]をもとにして、次の問題を作った。

[先生が作った問題]

図1において、 $P$ と $Q$ をそれぞれ、 $P = b \times h + d \times f$ 、 $Q = a \times i + c \times g$ とする。

図2で、 $P$ と $Q$ はそれぞれ、 $P = 2 \times 8 + 4 \times 6 = 40$ 、 $Q = 1 \times 9 + 3 \times 7 = 30$ であり、このとき、 $P - Q = 10$ となる。また、図3で、 $P$ と $Q$ はそれぞれ、 $P = 3 \times 9 + 5 \times 7 = 62$ 、 $Q = 2 \times 10 + 4 \times 8 = 52$ であり、このときも、 $P - Q = 10$ となる。

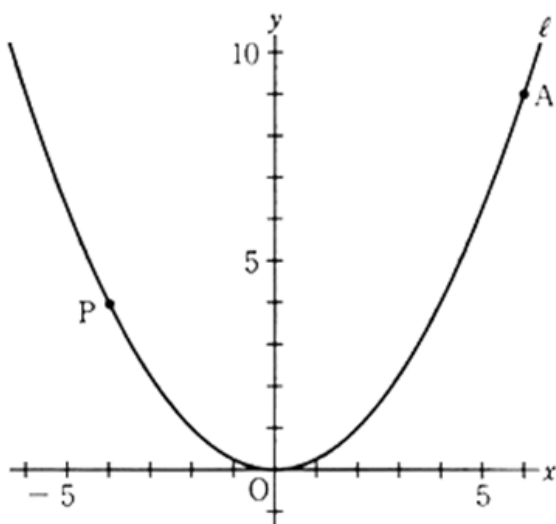
図1において、連続する9つの自然数を小さい方から順に、 $a, b, c, d, e, f, g, h, i$ にそれぞれ代入するとき、連続する9つの自然数がどの数から始まる場合でも、 $P - Q = 10$ となることを確かめなさい。

[問2] [先生が作った問題]で、 $a, b, c, d, f, g, h, i$ をそれぞれ $e$ を用いて表し、

$P - Q = 10$ となることを証明せよ。

- 3 右の図1で、点Oは原点、曲線ℓは関数  $y = \frac{1}{4}x^2$  のグラフを表している。  
 点Aは曲線ℓ上にあり、x座標は6である。  
 曲線ℓ上にある点をPとする。  
 次の各問に答えよ。

図1



- [問1] 点Pのx座標を  $a$ 、y座標を  $b$  とする。  
 $a$  のとる値の範囲が  $-5 \leq a \leq 4$  のとき、  
 $b$  のとる値の範囲を不等号を使って、

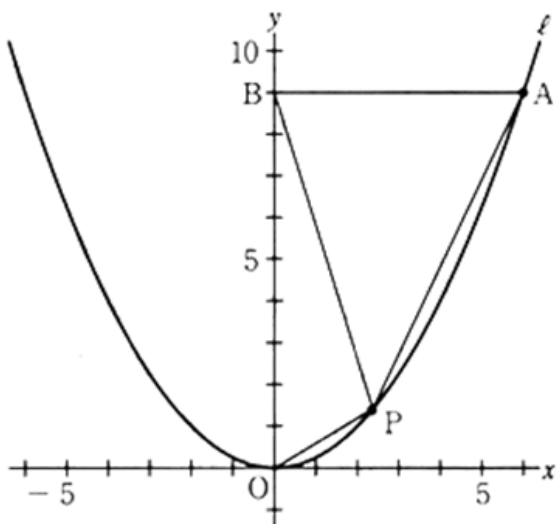
$$\boxed{\phantom{00}} \leq b \leq \boxed{\phantom{00}}$$

で表せ。

- [問2] 点Pのx座標が-2のとき、2点A、Pを通る直線の式を求めよ。

- [問3] 右の図2は、図1において、点Pのx座標が6より小さい正の数であるとき、点Aを通りx軸に平行な直線を引き、y軸との交点をBとし、点Aと点P、点Bと点P、点Oと点Pをそれぞれ結んだ場合を表している。

図2



- $\triangle ABP$  の面積と  $\triangle BOP$  の面積の比が  $3 : 2$  となるとき、点Pの座標を求めよ。

4

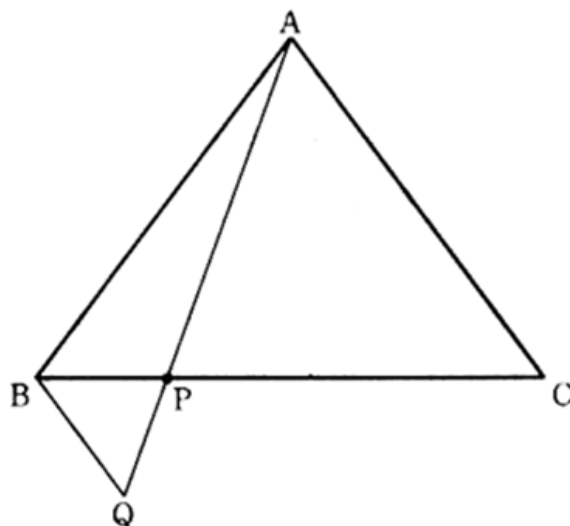
右の図1で、 $\triangle ABC$ は $AB=AC$ 、 $\angle BAC$ が鋭角の二等辺三角形である。

点Pは、辺BC上にある点で、頂点B、頂点Cのいずれにも一致しない。

頂点Aと点Pを結び、線分APをPの方向に延ばした直線と、頂点Bを通り辺ACに平行な直線との交点をQとする。

次の各問に答えよ。

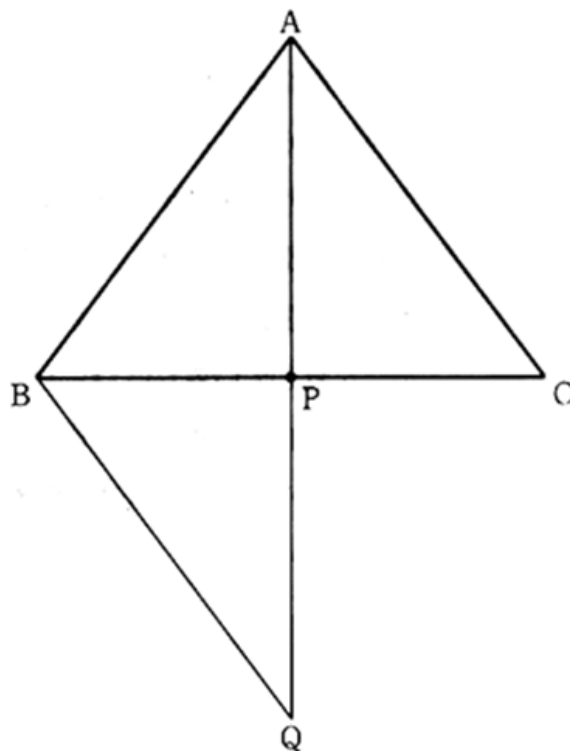
図1



〔問1〕 図1において、 $\angle BAC = 70^\circ$ 、 $\triangle ABP$ の内角である $\angle BAP$ の大きさを $a^\circ$ とするとき、 $\triangle BQP$ の内角である $\angle BPQ$ の大きさを $a$ を用いた式で表せ。

〔問2〕 右の図2は、図1において、 $BP=CP$ の場合を表している。  
次の①、②に答えよ。

図2



①  $\triangle APC \equiv \triangle QPB$ であることを証明せよ。

② 図2において、点Pを通り辺ABに平行な直線を引き、辺ACとの交点をRとし、頂点Bと点Rを結んだ線分と、線分APとの交点をSとした場合を考える。

$AB = 5\text{ cm}$ 、 $BC = 6\text{ cm}$ のとき、 $\triangle SBQ$ の面積は何 $\text{cm}^2$ か。

5 右の図1に示した立体A-BCDは、

1辺の長さが6cmの正四面体である。

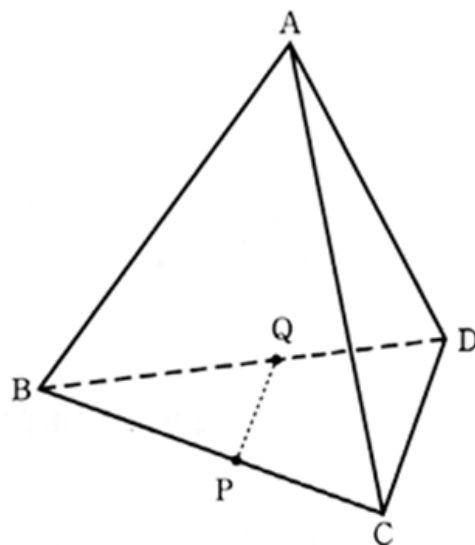
点Pは、頂点Cを出発し、辺CB、辺BA上を  
毎秒1cmの速さで動き、12秒後に頂点Aに到着する。

点Qは、点Pが頂点Cを出発するのと同時に  
頂点Bを出発し、辺BD、辺DC上を、点Pと同じ  
速さで動き、12秒後に頂点Cに到着する。

点Pと点Qを結ぶ。

次の各問に答えよ。

図1

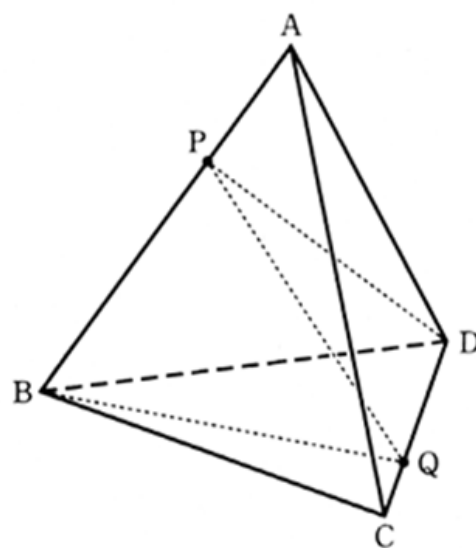


〔問1〕 図1において、点Pが辺CB上にあるとき、辺CBと線分PQが垂直になるのは、  
点Pが頂点Cを出発してから何秒後か。

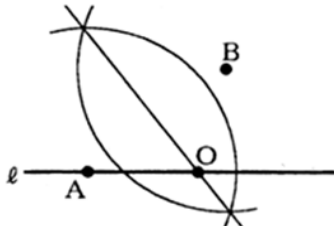
〔問2〕 右の図2は、図1において、点Pが  
頂点Cを出発してから10秒後のとき、頂点Bと  
点Q、頂点Dと点Pをそれぞれ結んだ場合を  
表している。

立体P-BQDの体積は、立体A-BCDの  
体積の何分のいくつか。

図2



# 数 学

問題番号	正 答	配点	
1	[問 1]	4	5
	[問 2]	$-a + 8b$	5
	[問 3]	$6 - 2\sqrt{5}$	5
	[問 4]	-9	5
	[問 5]	$x = 3, y = -1$	5
	[問 6]	0, 7	5
	[問 7]	$\frac{3}{5}$	5
	[問 8]	$4\pi \text{ cm}$	5
	[問 9]		6
2	[問 1]	10	5
	[問 2]	<p>〔証 明〕  <math>a, b, c, d, f, g, h, i</math> をそれぞれ <math>e</math> を用いて表すと,  <math>a = e - 4, b = e - 3, c = e - 2, d = e - 1, f = e + 1,</math>  <math>g = e + 2, h = e + 3, i = e + 4</math> と表せる。  <math>P</math> と <math>Q</math> をそれぞれ <math>e</math> を用いて表すと,  <math>P = b \times h + d \times f</math>  <math>= (e - 3)(e + 3) + (e - 1)(e + 1)</math>  <math>= 2e^2 - 10</math> ----- (1)  <math>Q = a \times i + c \times g</math>  <math>= (e - 4)(e + 4) + (e - 2)(e + 2)</math>  <math>= 2e^2 - 20</math> ----- (2)  と表せる。  (1), (2) より,  <math>P - Q = (2e^2 - 10) - (2e^2 - 20)</math>  <math>= 10</math>  よって,  <math>P - Q = 10</math></p>	7
3	[問 1]	$0 \leq b \leq \frac{25}{4}$	5
	[問 2]	$y = x + 3$	5
	[問 3]	$(3, \frac{9}{4})$	5
4	[問 1]	$(a + 55)$ 度	5
	[問 2]	<p>①</p> <p>〔証 明〕  <math>\triangle APC</math> と <math>\triangle QPB</math> において,  仮定から, <math>CP = BP</math> ----- (1)  <math>AC \parallel BQ</math> より, 平行線の錯角は等しいから,  <math>\angle ACP = \angle QBP</math> ----- (2)  対頂角は等しいから,  <math>\angle APC = \angle QPB</math> ----- (3)  (1) ~ (3) より, 1 辺とその両端の角がそれぞれ等しいから,  <math>\triangle APC \equiv \triangle QPB</math></p> <p>②</p>	7
5	[問 1]	4 秒後	5
	[問 2]	$\frac{4}{9}$	5