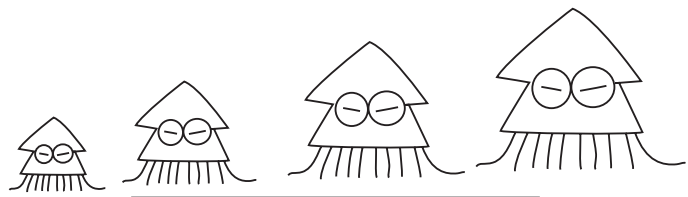


〈確認〉

形が同じで大きさが違う

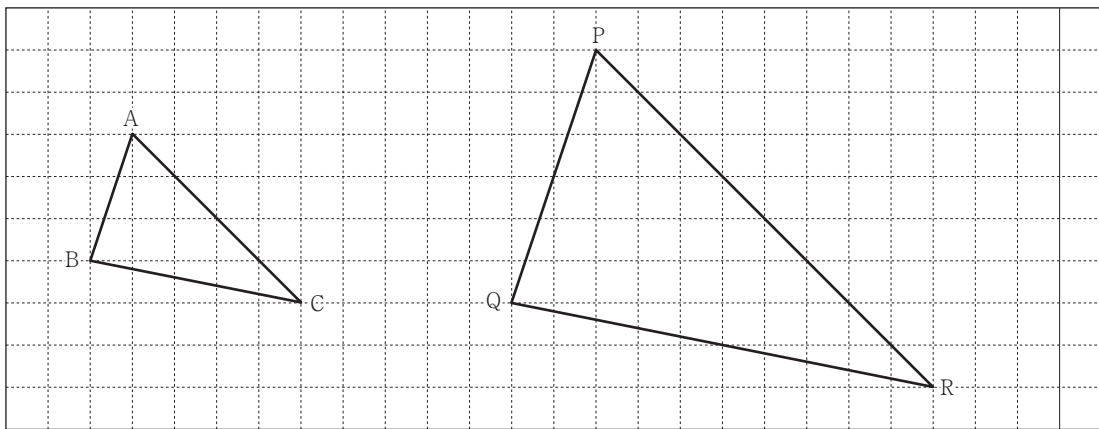


1つの図形を形を変えずに  
拡大、縮小してできる図形は  
もとの図形と相似であるという。

相似⇒

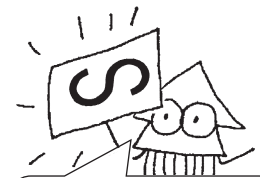
ア \_\_\_\_\_ は等しい。  
イ \_\_\_\_\_ は等しい。

① 次の図で2つの三角形は相似です。対応する辺や角をそれぞれいいなさい。



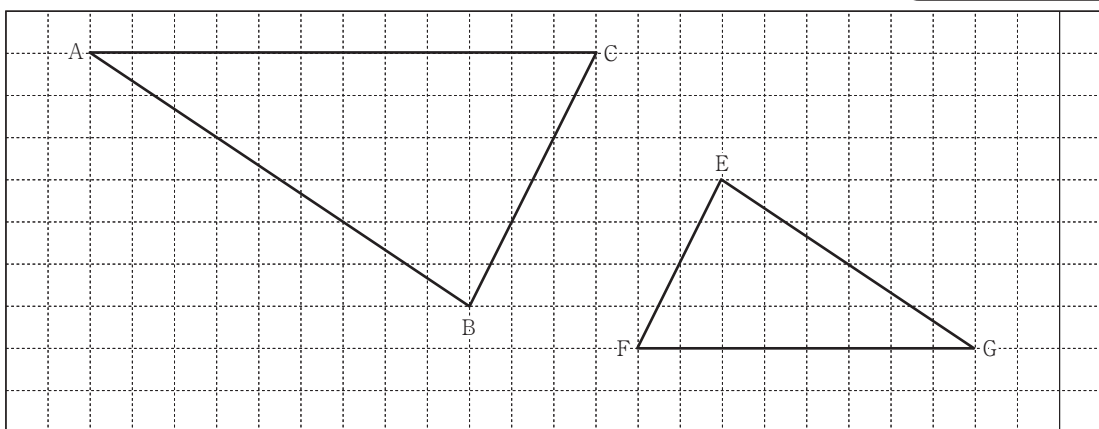
対応する辺…ABと , BCと , CAと

対応する角… $\angle A$ と , と $\angle Q$ , と



図形が相似であることを表すときは  
∽の記号を使う。

② 下の2つの三角形は相似です。このことを記号を使って表しなさい。



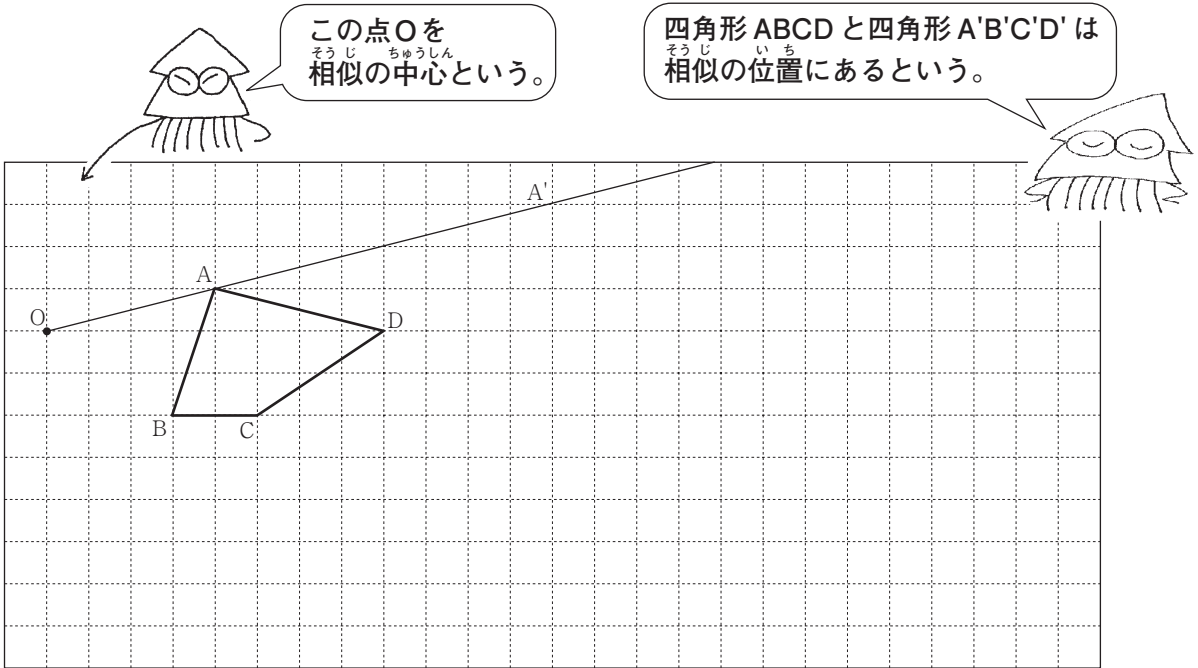
答 ア対応する部分(線分・辺など)の長さの比, イ対応する角の大きさ, ウPQ, エQR, オRP, カ $\angle P$   
キ $\angle B$ , ク $\angle C$ と $\angle R$ , ケ $\triangle ABC \sim \triangle GEF$  (対応順になっているなら, この通りでなくてもよい。)

# No.1 定着【相似な図形①】

組 氏名 \_\_\_\_\_

〈確認〉

下の図のように点Oから四角形 ABCDのそれぞれの頂点を通る直線をひき、 $OA' = 3OA$ ,  $OB' = 3OB \dots$ となるような4つの点A', B', C', D'をとって結びましょう。



この点Oを  
相似の中心という。

四角形 ABCD と四角形 A'B'C'D' は  
相似の位置にあるという。

対応する辺と角の大きさの関係を調べてみよう。

$3AB = \text{ア}$  ,  $\text{イ}$  = B'C'

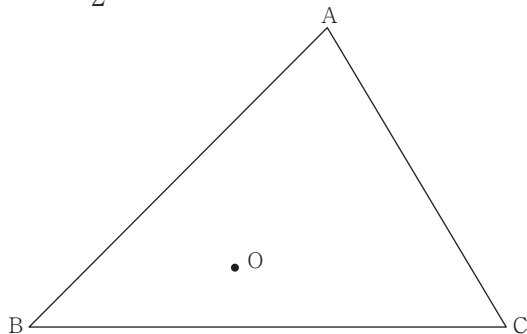
$3CD = \text{ウ}$  ,  $\text{エ}$  = A'D'

$\angle A = \text{オ}$  ,  $\text{カ} =$  ,  $\text{キ} =$  ,  $\text{ク} =$  となっている。

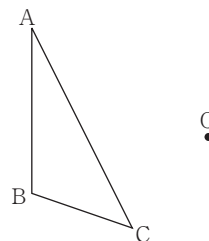
このとき、四角形 ABCD  $\text{ケ}$  四角形 A'B'C'D' といえる。

答 ア A'B', イ 3BC, ウ C'D', エ 3AD, オ  $\angle A'$ , カ  $\angle B = \angle B'$ , キ  $\angle C = \angle C'$ , ク  $\angle D = \angle D'$ , ケ の

**問1** 下の図で相似の中心をOとして△ABCを  $\frac{1}{2}$  に縮小した△DEFをかきなさい。



**問2** 下の図で相似の中心をOとして△ABCを2倍に拡大した△PQRを点Oの右側にかきなさい。



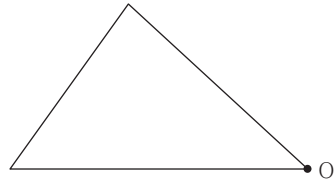
コンパスを使って、 $\frac{1}{2}$  の長さを作図しよう。

# No.1 発展【相似な図形①】

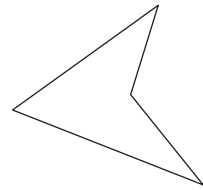
組 氏名 \_\_\_\_\_

**問1** 相似の中心をOとして、次のそれぞれの図形を2倍に拡大した図形を作図しなさい。

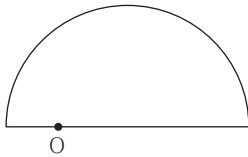
①



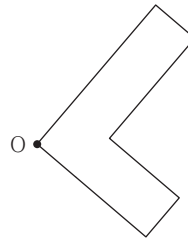
②



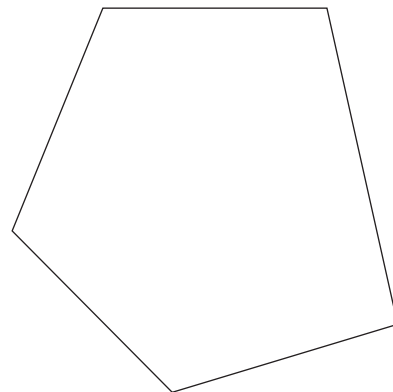
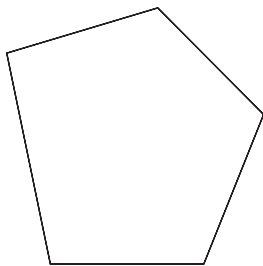
③



④



**問2** 下の2つの図は相似の位置にあります。相似の中心Oをかきいれなさい。

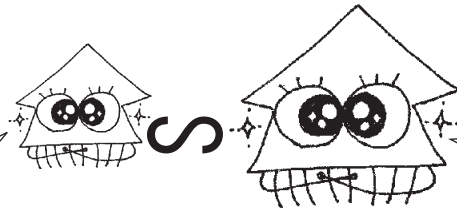


# No.2 補充【相似な図形②】

組 氏名 \_\_\_\_\_

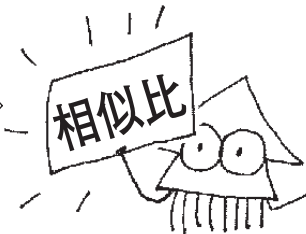
〈確認〉

ぼくたち、似たもの同士だけれど、どれくらい大きさが違うのか分からないね。



じゃあ、お互いの右手の長さを比べてみようか。それとも5本目の足にする？

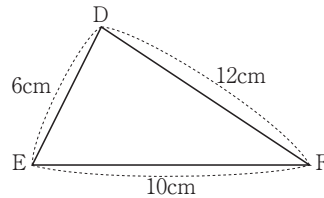
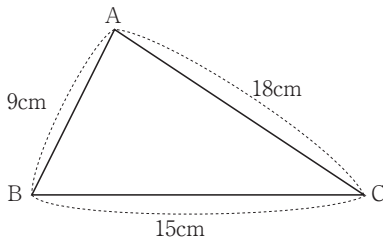
相似な図形で、対応する部分の長さの比を相似比そうじひという。



左右のイカチの右手の長さが、それぞれ8cmと14cmだとすると相似比は

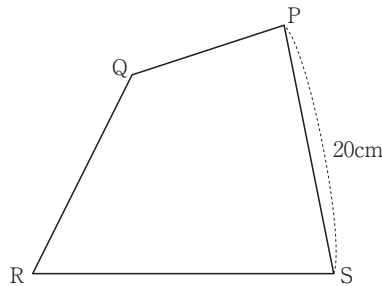
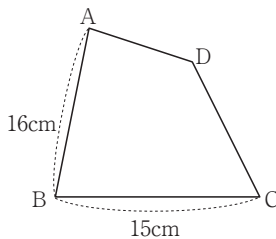
$8 : 14 = \boxed{ア} :$

① 次の図で△ABC ∽ △DEFです。相似比を求めなさい。



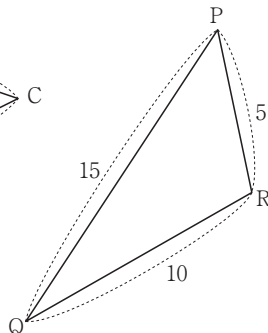
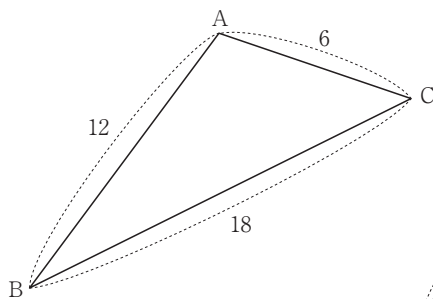
イ

② 次の図で、四角形ABCD ∽ 四角形PSRQです。相似比を求めなさい。



ウ

③ 次の相似な三角形を記号∽を使って表し、相似比を求めなさい。



エ

オ

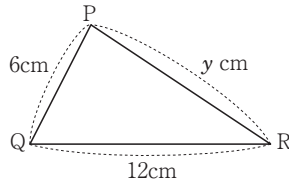
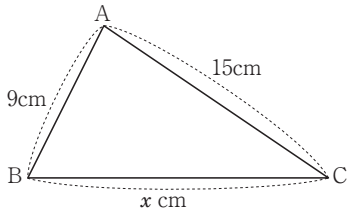
答 ア4 : 7, イ3 : 2, ウ4 : 5, エ△ABC ∽ △RQP, オ6 : 5

# No.2 定着【相似な図形②】

組 氏名 \_\_\_\_\_

〈確認〉

次の図で△ABC∽△PQRであるとき、辺BCと辺PRの長さを求めなさい。



$a : b = m : n$  ならば  
 $an = bm$  が成り立つ。

比の計算を使えば、辺の長さが簡単に求められる。

辺  $BC = x$  cm, 辺  $PR = y$  cmとして,  $x, y$  の値を求めればよい。

$$\begin{aligned} \text{相似比は } AB : PQ &= 9 : 6 \\ &= 3 : 2 \end{aligned}$$

①  $x : 12 = 3 : 2$

$$\begin{aligned} 2x &= \boxed{\text{ア}} \\ x &= \boxed{\text{イ}} \end{aligned}$$

②  $15 : y = 3 : 2$

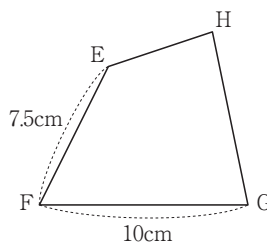
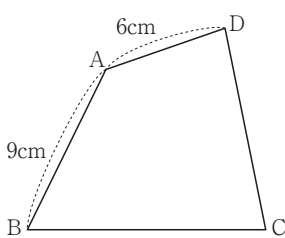
$$\begin{aligned} 3y &= \boxed{\text{ウ}} \\ y &= \boxed{\text{エ}} \end{aligned}$$

したがって、辺BCと辺PRの長さは

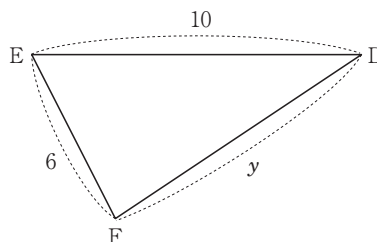
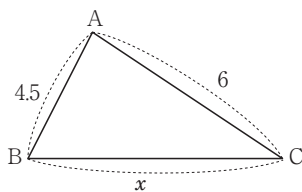
オ  $BC = \quad \text{cm}, \quad PR = \quad \text{cm}$

答 ア  $12 \times 3$  (または36), イ18, ウ  $15 \times 2$  (または30), エ10, オ  $BC = 18\text{cm}, PR = 10\text{cm}$

**問1** 四角形ABCD∽四角形EFGHのときBC, EHの長さを求めなさい。



**問2** △ABC∽△FEDのとき  $x, y$  の値を求めなさい。

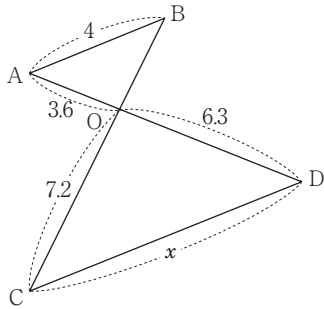


# No.2 発展【相似な図形②】

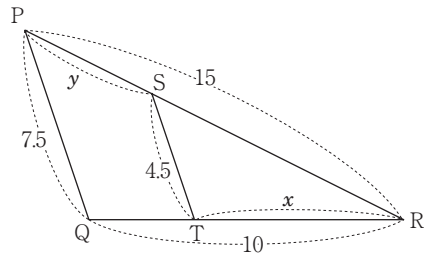
組 氏名 \_\_\_\_\_

**問** 次のそれぞれの相似な図形で  $x$ ,  $y$  の値を求めなさい。

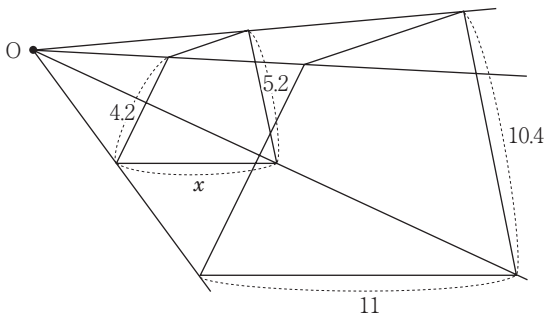
①  $\triangle ABO \sim \triangle DCO$



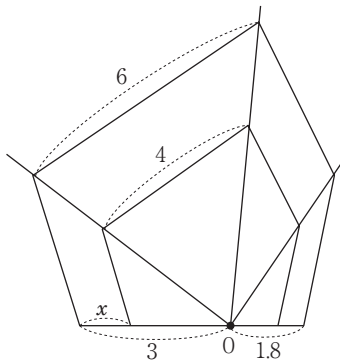

②  $\triangle PQR \sim \triangle STR$



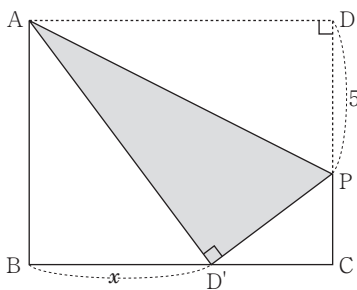

③ 点Oは相似の中心



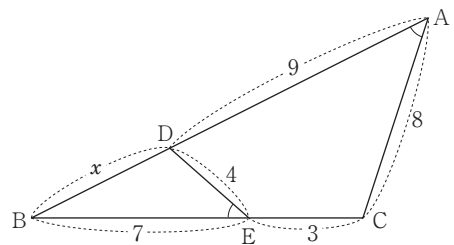

④ 点Oは相似の中心




⑤  $AB = 8$ ,  $AD = 10$ の長方形の折り紙を  $PD = 5$ になるように  $AP$ で折ると  $\triangle ABD' \sim \triangle D'CP$




⑥  $\triangle ABC \sim \triangle EBD$ ,  $\angle CAB = \angle DEB$



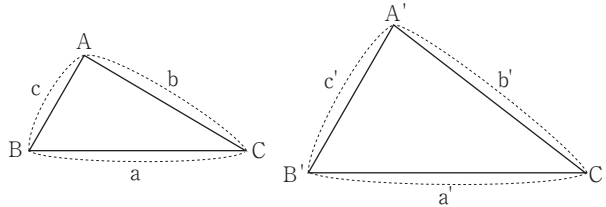
# No.3 補充【相似な図形③】

組 氏名 \_\_\_\_\_

〈確認〉

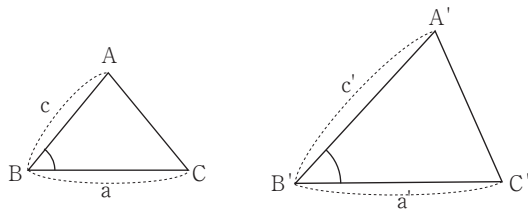
次の□の中に三角形の相似条件をかきましょう。

1



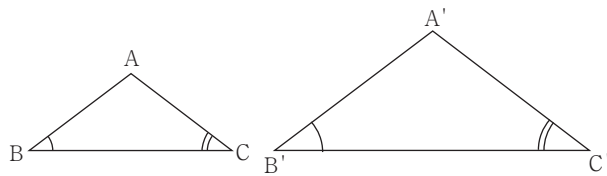
$$a : a' = b : b' = c : c'$$

2



$$a : a' = c : c', \angle B = \angle B'$$

3



$$\angle B = \angle B'$$

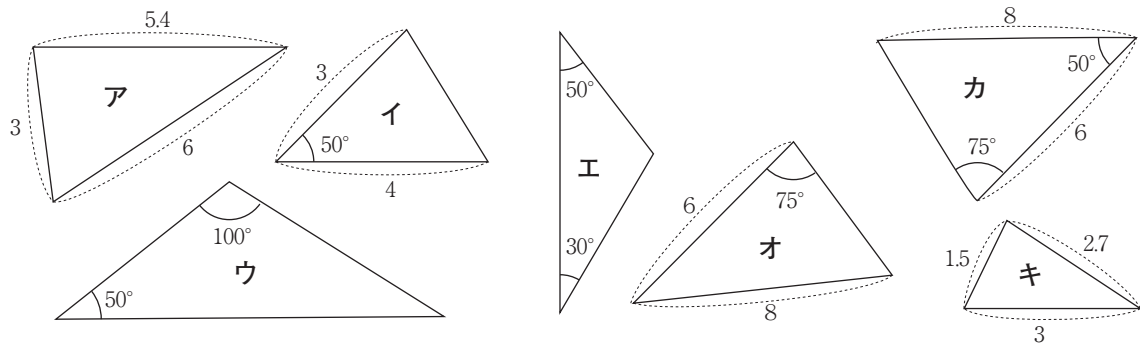
$$\angle C = \angle C'$$

2つの三角形は、左の  
どれかが成り立つとき  
相似であるといえる。



答 1 3組の辺の比が等しい 2 2組の辺の比が等しく、その間の角が等しい 3 2組の角がそれぞれ等しい

問 下の図の中から相似な三角形の組を選び出し、そのときに使った相似条件をいいなさい。



相似な三角形	相似条件

# No.3 定着【相似な図形③】

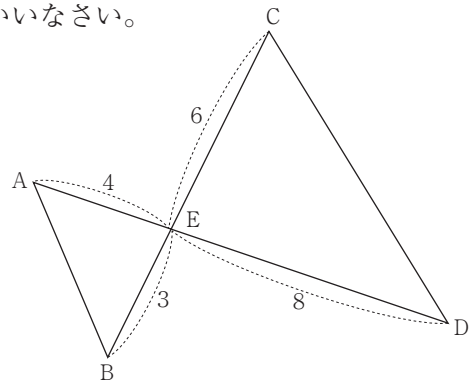
組 氏名 \_\_\_\_\_

〈確認〉

右の図形で相似な三角形を見つけ、使った相似条件をいいなさい。



まずは、対応していそうな辺や角に目をつけよう。



$AE : DE = 4 : 8$

$= \text{ア} : \text{イ}$

$BE : CE = \text{イ} : \text{エ}$

したがって  $AE : DE = BE : CE \dots \text{①}$

次に、対頂角が等しいから  $\angle AEB = \text{ウ}$   $\dots \text{②}$

①②から相似条件  $\text{エ}$  が成り立つ。

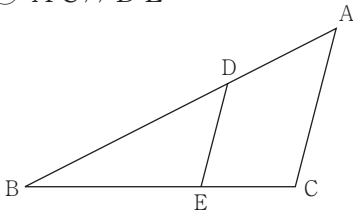
したがって  $\text{オ}$  の  $\triangle DCE$  といえる。

答 ア1:2, イ1:2, ウ $\angle DEC$ , エ2組の辺の比が等しく、その間の角が等しい, オ $\triangle ABE$

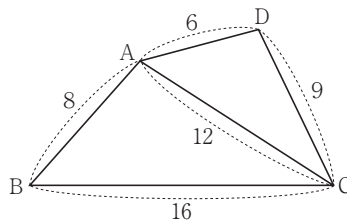
問

下のそれぞれの図で、相似な三角形を見つけ記号 $\sim$ を使って表しなさい。  
また、そのときに使った相似条件をいいなさい。

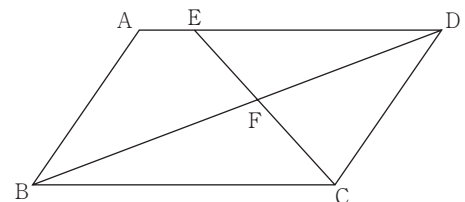
①  $AC \parallel DE$



②



③ 四角形 ABCD は平行四辺形

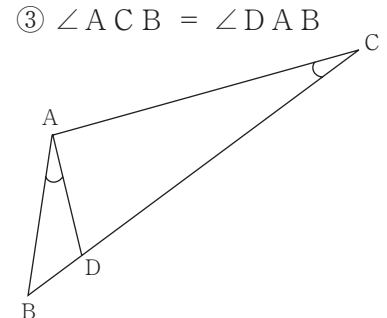
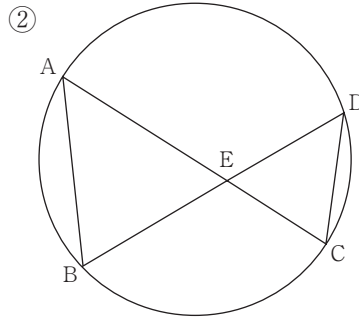
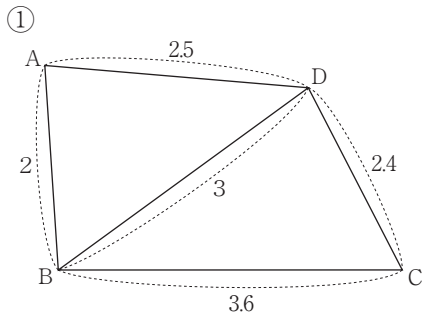


問	相似な三角形	相似条件
①		
②		
③		

# No.3 発展【相似な図形③】

組 氏名 \_\_\_\_\_

**問1** 次のそれぞれの図について、相似な三角形を記号 $\sim$ を使って表しなさい。また、そのときに使った相似条件をいいなさい。

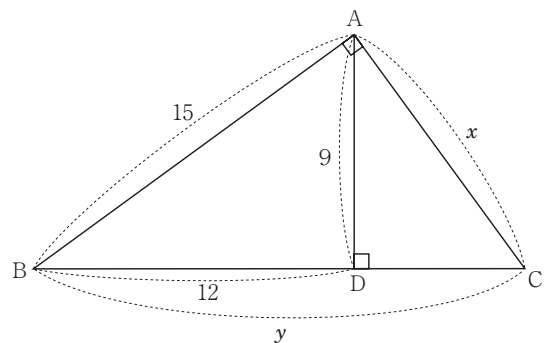


問	相似な三角形	相似条件
①		
②		
③		

**問2** 右の図で、 $\angle BAC = \angle ADC = 90^\circ$  です。このとき次の問に答えなさい。

①  $\triangle ABC$ と相似な三角形をすべてあげ、記号 $\sim$ を用いて表しなさい。

② このときに使った相似条件をいいなさい。



③  $x, y$  の値を求めなさい。

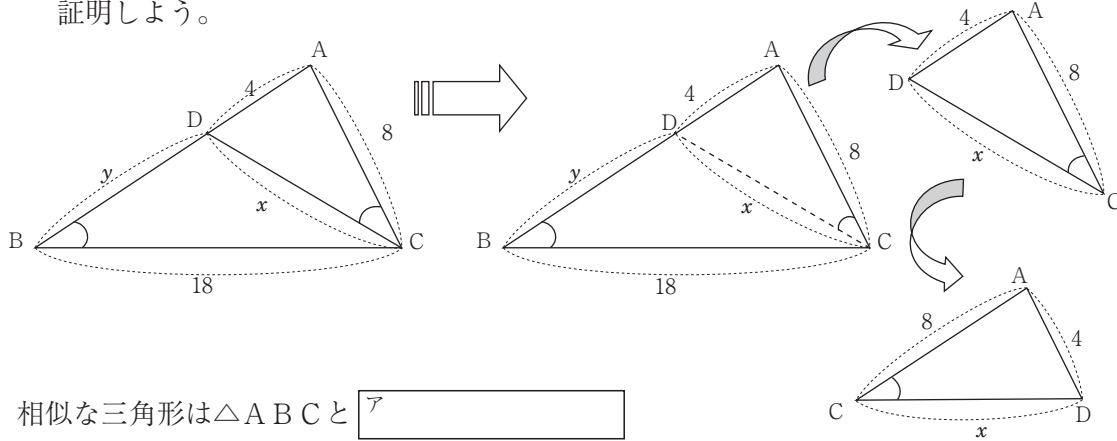
# No.4 補充【相似な図形④】

組 氏名 \_\_\_\_\_

〈確認〉

次の問に答えなさい。

- (1) 次の図で、 $\angle ABC = \angle ACD$ です。この中から相似な三角形を見つけ、相似であることを証明しよう。



相似な三角形は $\triangle ABC$ と

〔証明〕

$\triangle ABC$ と $\triangle ACD$ において

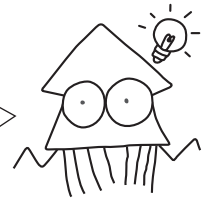
$\angle ABC =$   (仮定)

$\angle BAC =$   (共通)

したがって  ので

$\triangle ABC \sim \triangle ACD$

図形が重なっているときは一度バラバラにして並べてみると、対応する辺や角がよく分かる。



さらに、対応する辺や角に色を塗ると、もっとよく分かる。

- (2)  $x, y$  の値を求めよう。

- ① 対応する辺はACとAD, BCとCDだから、 $x$ を使った式をつくると

$8 : 4 =$    $:$

$8x = 4 \times 18$ より  $x =$

- ② 次に、辺ABと辺ACが対応することから  $y$  を使った式をつくろう。

$AB =$   で表されるから

$8 : 4 =$    $:$   $8$

$4(y + 4) = 8 \times 8$ より  $y =$

答  $x =$  ,  $y =$

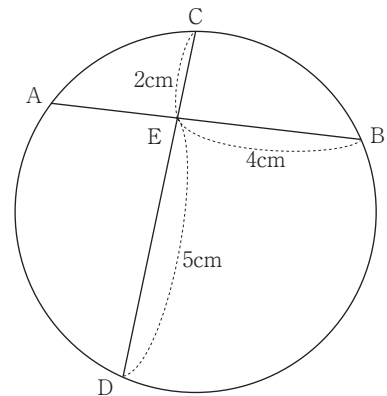
答 ア $\triangle ACD$ , イ $\angle ACD$ , ウ $\angle CAD$ , エ2組の角がそれぞれ等しい, オ $18:x$ , カ9, キ $y+4$ , ク12

# No.4 定着【相似な図形④】

組 氏名 \_\_\_\_\_

〈確認〉

右の図のように、円周上に点A, B, C, Dをとって弦をひきます。弦ABとCDの交点をEとすると、AEの長さを求めなさい。



① まず△ADEの△CBEを証明してみよう。

△ADEと△CBEにおいて

弧ACに対する  は等しいから

∠ADE =

弧BDに対する  は等しいから

∠DAE =

したがって  ので

△ADE ∽ △CBE

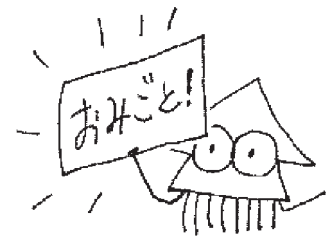
② 対応する辺の比を利用してAEの長さを求めよう。

AE : 2 =  :

4AE =

AE =

いきなりAEの長さを求めようとせず、補助線AD, CBをひいてみると、相似な図形が見えてくるはずじゃ。

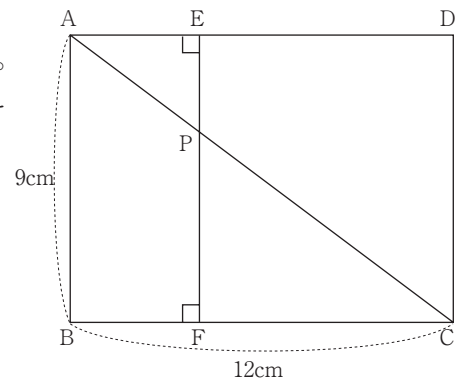


答 AE =

答 ア円周角, イ∠CBE, ウ∠BCE, エ2組の角がそれぞれ等しい, オ5:4, カ2×5(または10), キ $\frac{5}{2}$ cm(または2.5cm)

問

右の図のような、縦が9cm, 横が12cmの長方形ABCDで、点E, FはそれぞれAD, BCを1:2に分けた点です。線分EFと対角線ACの交点をPとすると、次の間に答えなさい。



① AP : PCを求めなさい。

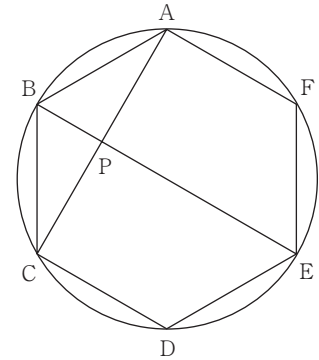
② PFの長さを求めなさい。

# No.4 発展【相似な図形④】

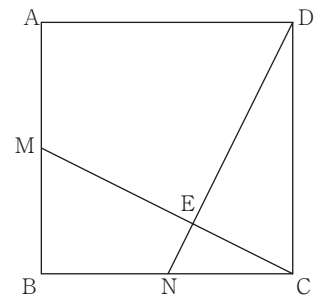
組 氏名 \_\_\_\_\_

**問1** 下の図のように円に内接している正六角形ABCDEFがある。この六角形の対角線ACとBEの交点をPとすると、 $\triangle ABP \sim \triangle DAF$ であることを証明しなさい。

[証明]

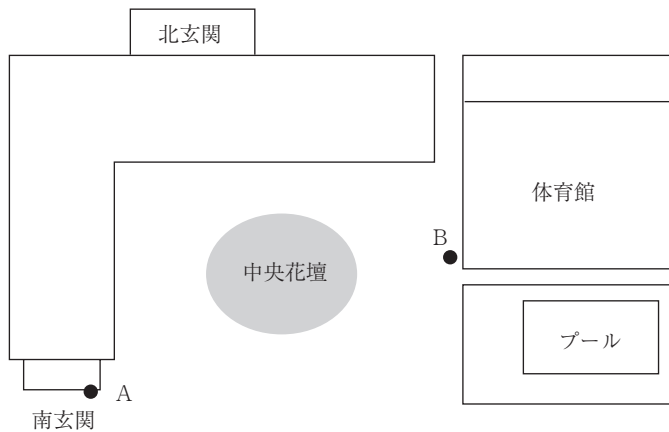


**問2** 図のような正方形ABCDで、AB、BCの中点をそれぞれM、Nとし、CMとDNの交点をEとする。このとき、EC:ENを求めなさい。



\_\_\_\_\_

**問3** 下の図はある学校の800分の1の縮図です。南玄関前のA地点から体育館前のB地点までの距離を求めなさい。

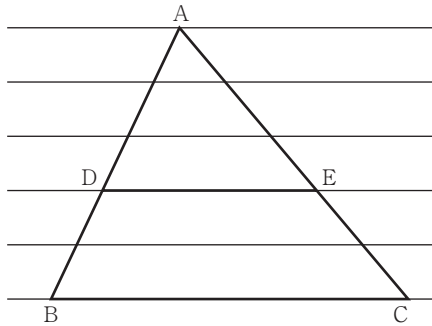


\_\_\_\_\_

〈確認〉



イカチはノートの罫線けいせんを利用して次のような三角形をかきました。  
この図をもとにして、次のことを考えてみましょう。



(1) 左の図で、 $DE \parallel BC$ である。□にあてはまる数をかきなさい。

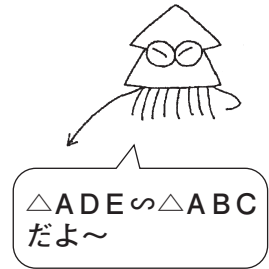
①  $AD : AB = \square : \square$

②  $AE : AC = \square : \square$

③  $DE : BC = \square : \square$

④  $AD : DB = \square : \square$

⑤  $AE : EC = \square : \square$



(2) (1) より、次のようなことが成り立ちます。

あてはまる記号や文字をかきなさい。

①  $\triangle ADE \square \triangle ABC$

②  $AD : AB = AE : \square = DE : \square$

③  $AD : DB = AE : \square$

答 (1)①3:5 ②3:5 ③3:5 ④3:2 ⑤3:2 (2)① $\simeq$  ②AC, BC ③EC

**問**  $AB = 6 \text{ cm}$ ,  $AC = 3 \text{ cm}$ として $\triangle ABC$ をかき、それぞれ $AD = 4 \text{ cm}$ ,  $AE = 2 \text{ cm}$ となる点D, Eをとった。次の間に答えなさい。

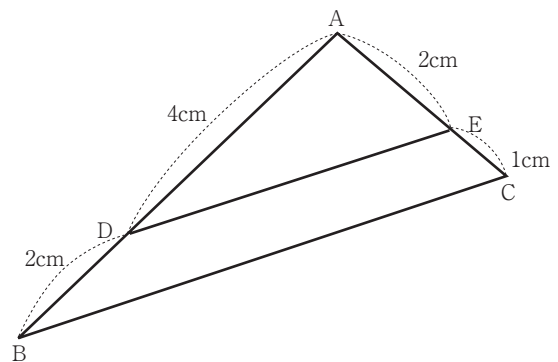
(1) 次の□にあてはまる数をかき入れなさい。

①  $AB : AD = \square : \square$

②  $AD : DB = \square : \square$

(2)  $\triangle ABC \simeq \triangle ADE$ である。

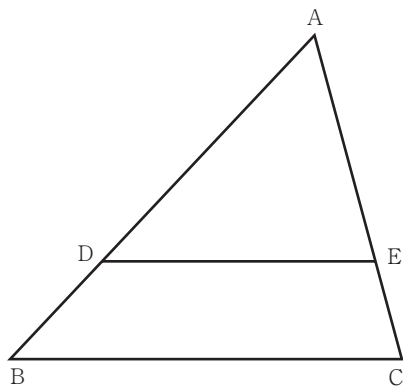
このときに、使った相似条件をかきなさい。



# No.5 定着【相似な図形⑤】

組 氏名 \_\_\_\_\_

〈確認〉



△ABCの辺AB, AC上の点をそれぞれD, Eとするとき,  にあてはまる記号や文字をかきなさい。

### 三角形と比(1)

① DE // BCならば

$$AD : AB = AE : \text{ア} = DE : \text{イ}$$

② AD : AB = AE : AC ならば

$$DE \text{ ウ } BC$$

### 三角形と比(2)

① DE // BCならば

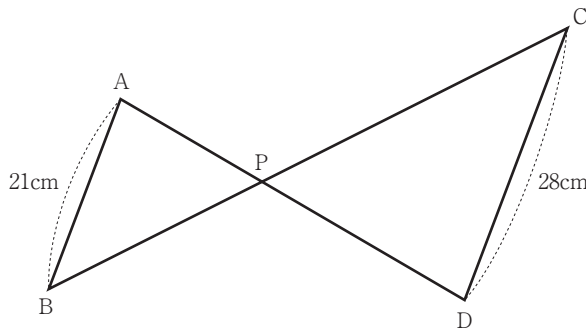
$$AD : DB = AE : \text{エ}$$

② AD : DB = AE : EC ならば

$$DE // \text{オ}$$

答 (ア)AC (イ)BC (ウ)// (エ)EC (オ)BC

**問1** 下の図で, AB // CDである。AB = 21cm, CD = 28cm のとき, 次の比を求めなさい。

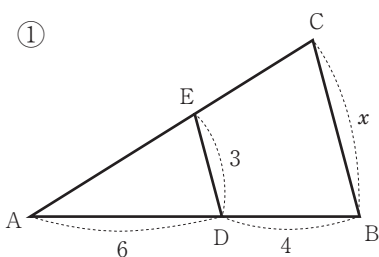


① BP : CP

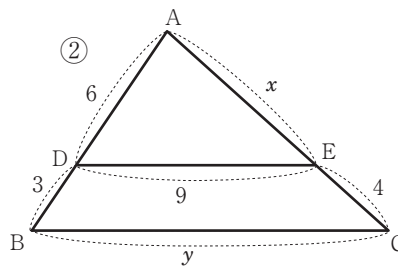
② AP : DP



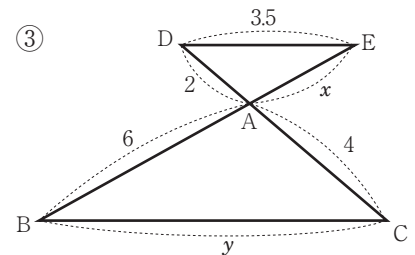
**問2** 下の図で DE // BC とするとき, x, y の値を求めなさい。



x =



x =   
y =



x =   
y =

# No.5 発展【相似な図形⑤】

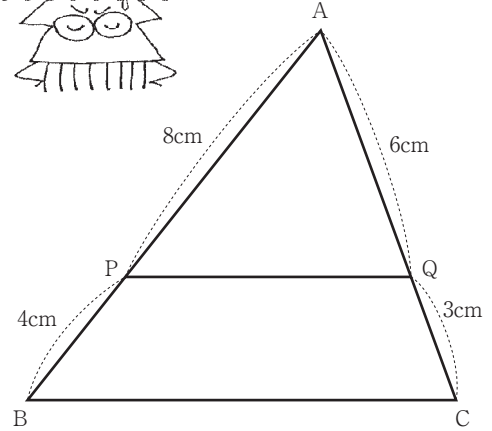
組 氏名 \_\_\_\_\_

**問1** 右の図で、 $AP = 8\text{ cm}$ 、 $PB = 4\text{ cm}$ 、 $AQ = 6\text{ cm}$   
 $QC = 3\text{ cm}$  のとき次の問に答えなさい。



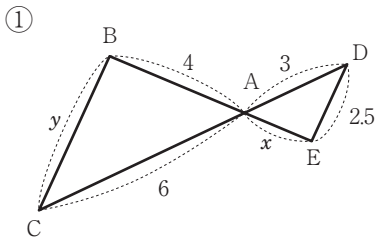
①  $PQ \parallel BC$  となることを証明しなさい。

[証明]  $\triangle ABC$  において、

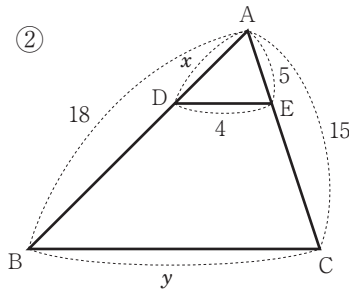


②  $PQ = 10\text{ cm}$  のとき、 $BC$  の長さを求めなさい。

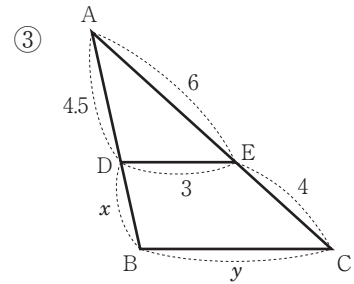
**問2** 下の図で  $DE \parallel BC$  とするとき、 $x$ 、 $y$  の値を求めなさい。



$x =$
$y =$



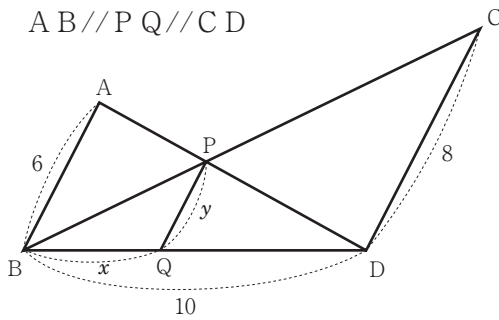
$x =$
$y =$



$x =$
$y =$

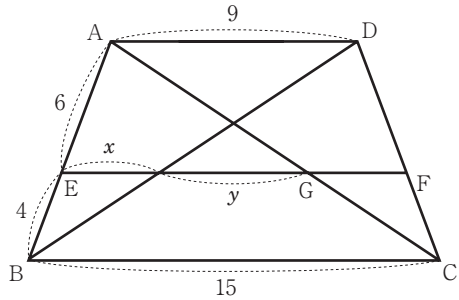
**問3** 下の図で、 $x$ 、 $y$  の値を求めなさい。

①  $AB \parallel PQ \parallel CD$



$x =$
$y =$

②  $AD \parallel EF \parallel BC$



$x =$
$y =$

# No.6 補充【相似な図形⑥】

組 氏名 \_\_\_\_\_

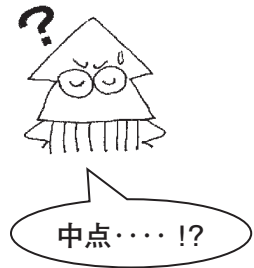
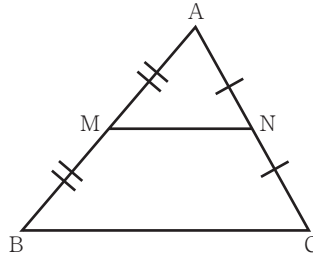
〈確認〉

△ABCにおいて、AB、ACの中点をそれぞれM、Nとすると、  
次の  にあてはまる記号、数、ことばをかきなさい。

(1) MN //  ①

MN =  BCとなる。

(2) 三角形のこのような性質を  
 定理という。



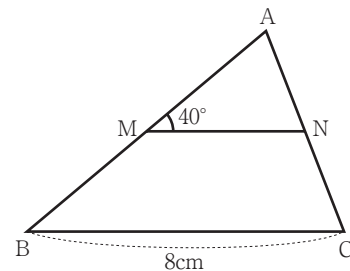
答 (1) ① BC ②  $\frac{1}{2}$  (2) 中点連結 ちゅうてんれんけつ

**問1** 右の図で、AB、ACの中点をそれぞれM、Nとする。

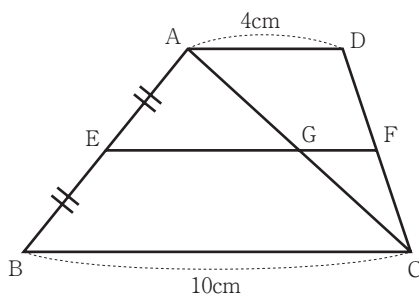
BC = 8 cm,  $\angle AMN = 40^\circ$  のとき、  
MNの長さとお角Bの大きさを求めなさい。

MN =  cm

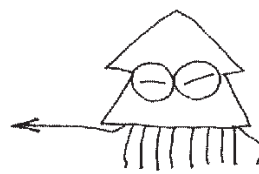
$\angle B =$   °



**問2** 下の図は、AD // BCの台形ABCDで、辺ABの中点をEとし、  
Eから辺BCに平行な直線をひき、DCとの交点をFとする。  
このとき、EFの長さを求めなさい。



EF =  cm



線分ACと線分EFの  
交点をGとすると  
 $EF = EG + GF$

# No.6 定着【相似な図形⑥】

組 氏名 \_\_\_\_\_

〈確認〉

△ABCの辺BC, CA, ABの中点をそれぞれ, D, E, Fとすると、次の間に答えなさい。

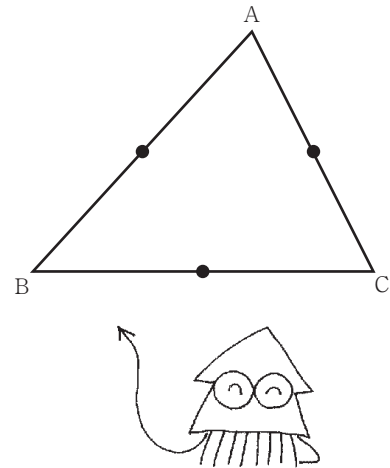
- (1) △DEF ∽ △ABCである。2ED = AB, 2FE = BC, 2FD = ACよりこのとき使った相似条件をいいなさい。

- (2) 次の  にあてはまる数や記号をかきなさい。

① FE =  BC

② FE  BC

- (3) △DEFと合同な三角形をすべていいなさい。



答 (1) 3組の辺の比が等しい (2) ①  $\frac{1}{2}$  ② // (3) △AFE, △FBD, △EDC

## 問1

右の図で、点P, Q, Rはそれぞれ△ABCの辺AB, BC, CAの中点である。次の間に答えなさい。

- ① 辺PRに平行な辺をいいなさい。

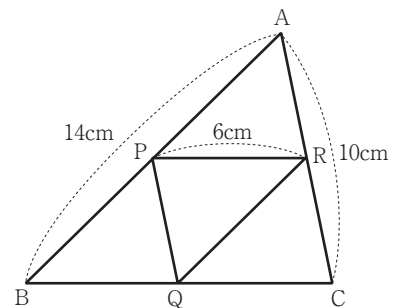
- ② 辺BCの長さを求めなさい。

 cm

- ③ △PQRの周りの長さを求めなさい。

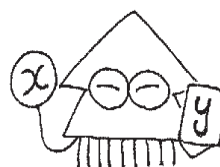
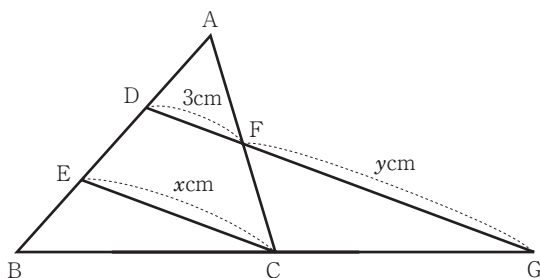
 cm

- ④ ∠Bと等しい角を全部かきなさい。



## 問2

下の図の△ABCで、点D, EはABを3等分する点であり、また、点FはACの中点である。DF = 3 cm とするとき、x, yの値を求めなさい。

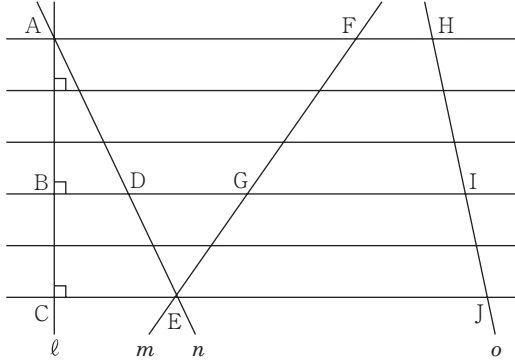


x =
y =

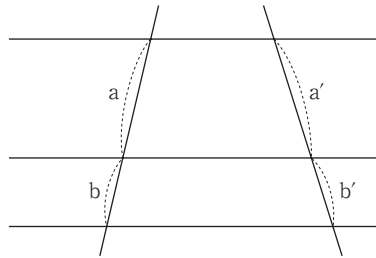


〈確認〉

ノートの罫線けいせんを利用して、下の図のような4直線  $l, m, n, o$  をひいたとき、次のそれぞれの比を求めなさい。



- ①  $AB : BC = \square : \square$
- ②  $AD : DE = \square : \square$
- ③  $FG : GE = \square : \square$
- ④  $HI : IJ = \square : \square$



定理 平行線と比

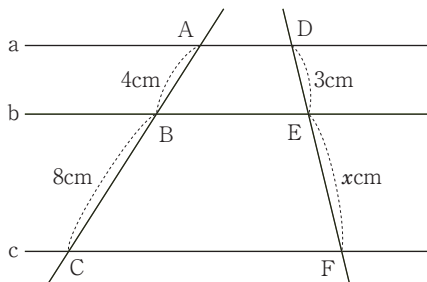
いくつかの平行線に、2直線が交わるとき、対応する線分の比は等しい

$a : b = \square : \square$

答 ①3, 2 ②3, 2 ③3, 2 ④3, 2 定理  $a', b'$

**問** 次の図で、 $x$ の値を求めなさい。

- ① 直線  $a, b, c$  は平行



平行線と線分の比の定理より

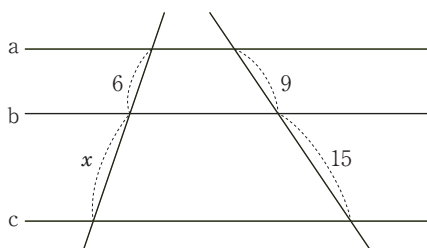
$AB : BC = DE : EF$

$4 : \square = 3 : x$

$4x = \square \times 3$

$x = \square$

- ② 直線  $a, b, c$  は平行



$x = \square$

# No.7 定着【相似な図形⑦】

組 氏名 \_\_\_\_\_

〈確認〉

右の図で、3つの直線  $l, m, n$  が平行であるとき、 $x$  の値を求めなさい。

解き方

$l, m, n$  が平行だから

$$AB : BC = DE : EF$$

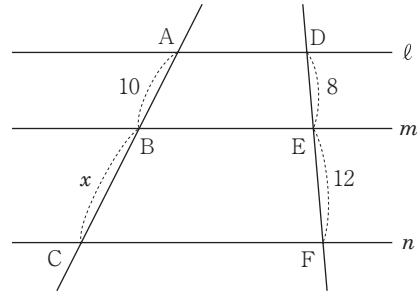
$$10 : x = 8 : \square$$

$$10 : x = 2 : \square$$

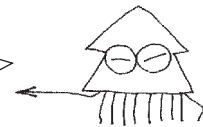
$$2x = 10 \times \square$$

$$2x = \square$$

$$x = \square$$



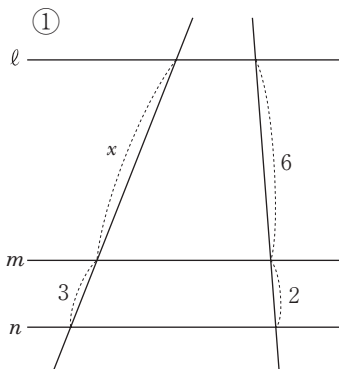
$a : b = c : d$  のとき  
 $ad = bc$  となるよ!



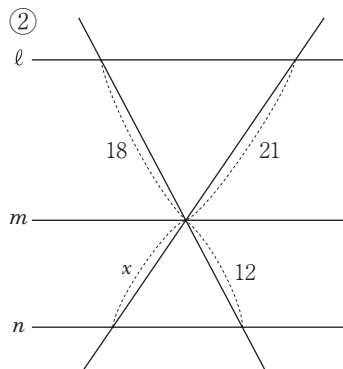
答 (1) 12, 3, 3, 30, 15

問

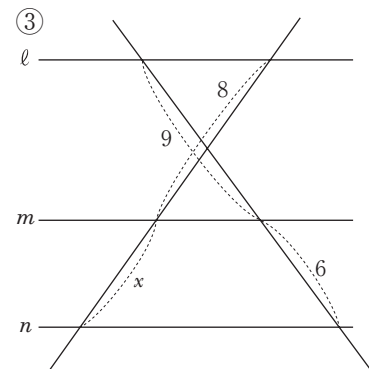
下の図で、 $l // m // n$  である。 $x$  の値を求めなさい。



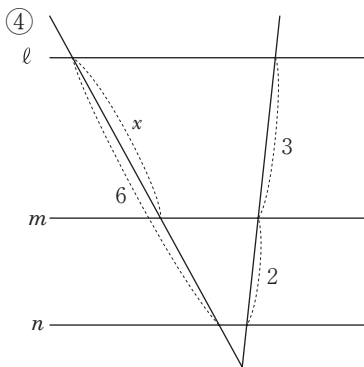
$x =$



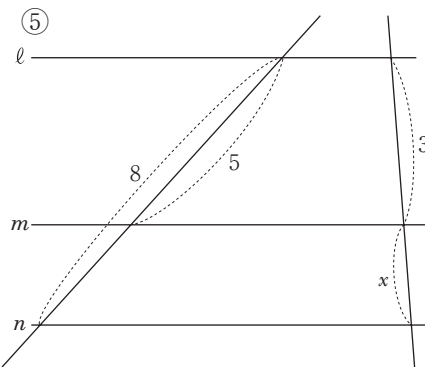
$x =$



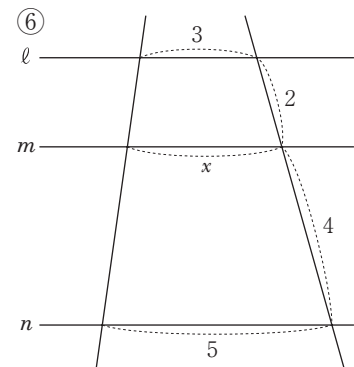
$x =$



$x =$



$x =$

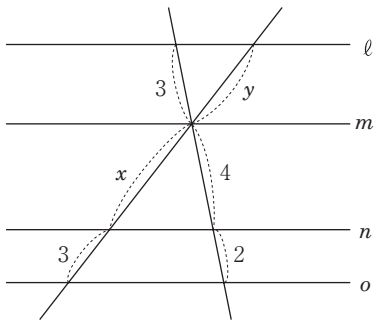


$x =$

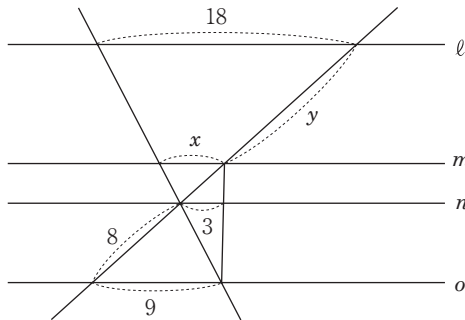
# No.7 発展【相似な図形⑦】

組 氏名 \_\_\_\_\_

**問1** 下の図で  $l, m, n, o$  がいずれも平行であるとき,  $x, y$  の値を求めなさい。



$x =$
$y =$



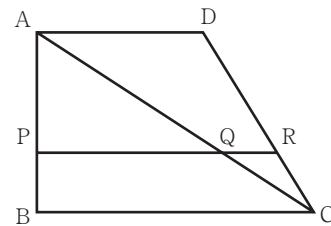
$x =$
$y =$



**問2** 右の図で,  $AD \parallel PR \parallel BC$ ,  $AD : BC = 3 : 5$ ,  $AP = 2PB$  である。  
また,  $AC$  と  $PR$  との交点を  $Q$  とするとき, 次の間に答えなさい。

①  $AD$  は  $QR$  の何倍の長さか。

倍
---



②  $PQ = 10\text{cm}$  のとき,  $QR$  の長さを求めなさい。

cm
----

③ 四角形  $ABCD$  の面積が  $72\text{cm}^2$  のとき,  
 $\triangle ABC$  の面積を求めなさい。

$\text{cm}^2$
---------------

**問3** 右の図で, 四角形  $ABCD$  は,  $AD \parallel BC$ ,  $AD = 4\text{cm}$ ,  $BC = 6\text{cm}$ , 面積が  $25\text{cm}^2$  の台形である。  
また,  $FG \parallel BC$ ,  $EH \perp BC$  として, 次の間に答えなさい。

①  $FG$  の長さを求めなさい。

--

②  $EH$  の長さを求めなさい。

--

